

「理工系のための微分積分の基礎 (第2刷)」正誤表

Update: 2023 年 8 月 30 日

本文の間違い・問題点をご指摘頂いた寺本 央氏に感謝いたします。

- p.28 l.6: 『 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(a)$ 』 \implies 『 $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$ 』
- p.85 ↑ l.1: 『 $\dots = xe^x - x + C.$ 』 \implies 『 $\dots = xe^x - e^x + C.$ 』
- p.102 l.10: 『 $\dots \frac{n-1}{n} \cdot \frac{n-3}{n-2} \dots \frac{3}{2}$ (n は奇数). 』 \implies 『 $\dots \frac{n-1}{n} \cdot \frac{n-3}{n-2} \dots \frac{2}{3}$ (n は奇数). 』
- p.108 ↑ l.2: 『 $= x^t e^{-x}(t+1-x) \leq 0, \quad x \geq 1$ 』
 \implies 『 $= x^t e^{-x}(t+1-x) \leq 0, \quad x \geq 1$ 』 (『 ≤ 0 』の部分消す)
- p.124 l.6: 右の図の caption について, 『 $y = \frac{x^3}{8} - \log x$ 』 \implies 『 $y = \frac{x^2}{8} - \log x$ 』
- p.139 ↑ l.1 ~ p.140 l.2:

『 となる. そこで, $|h| < 1, |k| < 1$ として考えると, $f_x(x, y) = 1 + 2x, f_y(x, y) = 3y^2$ に注意して,

$$\theta_1 = \frac{1}{2}, \quad \theta_2 = \frac{-4 + \sqrt{k^2 + 6k + 4}}{3}$$

とおけば, $\theta_1, \theta_2 \in (0, 1)$ であり,

$$f(1+h, 2+k) - f(1, 2) = (1 + 2(1 + 2\theta_1 h)) \cdot h + 3(2 + \theta_2 k)^2 \cdot k$$

が成り立つ. 』

\implies

『 となる. そこで, $k \neq 0$ として考えると, $f_x(x, y) = 1 + 2x, f_y(x, y) = 3y^2$ に注意して,

$$\theta_1 = \frac{1}{2}, \quad \theta_2 = \frac{-6 + \sqrt{3k^2 + 18k + 36}}{3k}$$

とおけば, $\theta_1, \theta_2 \in (0, 1)$ であり,

$$\begin{aligned} f(1+h, 2+k) - f(1, 2) &= (3+h)h + (12 + 6k + k^2)k \\ &= (1 + 2(1 + 2\theta_1 h)) \cdot h + 3(2 + \theta_2 k)^2 \cdot k \\ &= f_x(1 + \theta_1 h, 2 + k)h + f_y(1, 2 + \theta_2 k)k \end{aligned}$$

が成り立つ. 』

- p.149 ↑ l.10: 『 $4x^2 + y^2 = 1$ に対して, y' を求める. 』
 \implies 『 $4x^2 + y^2 = 1$ に対して, $y \neq 0$ のとき, y' を求める. 』
- p.156 ↑ l.12: 『 が成り立つ. したがって, h, k を十分小さくとると, 常に 』
 \implies 『 が成り立つ. したがって, $(h, k) \neq (0, 0)$ をみたく h, k を十分小さくとると, 常に 』
- p.156 ↑ l.10: 『 となる. ゆえに, $A > 0$ (または $A < 0$) のとき, 』
 \implies 『 となる. ゆえに, $A < 0$ (または $A > 0$) のとき, 』

- p.173 ↑ l.7-6: 『 … によって, E が xy 平面の領域 D に **1対1** に写されるとすると, … 』
 ⇒ 『 … によって, E の内部が xy 平面の領域 D の内部に **1対1** に写されるとすると, … 』
- p.174 ↑ l.3: 『 … 写された領域 D の面積を $|D|$ とすると. 』
 ⇒ 『 … 写された領域 D の面積を $|D|$ とすると, 』
- p.175 ↑ l.6: 『 … この変換によって, E は D に **1対1** に写される (次頁の図). 』
 ⇒ 『 … この変換によって, E の内部は D の内部に **1対1** に写される (次頁の図). 』
- p.175 ↑ l.10: 『 … $r\theta$ 平面の領域 $E = \{(r, \theta) : 0 \leq r \leq a, 0 \leq \theta \leq 2\pi\}$ を D に (1対1に) … 』
 ⇒ 『 … $r\theta$ 平面の領域 $E = \{(r, \theta) : 0 \leq r \leq a, 0 \leq \theta \leq 2\pi\}$ の内部を D の内部に (1対1に) … 』
- p.180 l.12: 『 $y = c, x = d$ とで囲まれた部分を, y 軸のまわり 』
 ⇒ 『 $y = c, y = d$ とで囲まれた部分を, y 軸のまわり 』

- p.183 l.8-9:

$$\begin{aligned}
 \iint_{D_n} \frac{1}{\sqrt{x+y}} dx dy &= \int_0^{1/n} \left(\int_{1/n}^1 \frac{1}{\sqrt{x+y}} dy \right) dx \\
 &= \int_0^{1/n} \left(\left[2(x+y)^{1/2} \right]_{y=1/n}^{y=1} \right) dx \\
 &= 2 \int_0^{1/n} \left((x+1)^{1/2} - \left(x + \frac{1}{n}\right)^{1/2} \right) dx \\
 &\vdots
 \end{aligned}$$

⇒

$$\begin{aligned}
 \iint_{D_n} \frac{1}{\sqrt{x+y}} dx dy &= \int_{1/n}^1 \left(\int_{1/n}^1 \frac{1}{\sqrt{x+y}} dy \right) dx \\
 &= \int_{1/n}^1 \left(\left[2(x+y)^{1/2} \right]_{y=1/n}^{y=1} \right) dx \\
 &= 2 \int_{1/n}^1 \left((x+1)^{1/2} - \left(x + \frac{1}{n}\right)^{1/2} \right) dx \\
 &\vdots
 \end{aligned}$$